



$$\mathbb{Z}/2\mathbb{Z} * \mathbb{Z}/3\mathbb{Z}$$

Théorème (S_1, δ_1) et (S_2, δ_2) comoyennables.
On considère l'arbre de Bass-Serre du produit libre amalgamé $S = S_1 *_T S_2$.

1. L'opérateur but B_+ de l'orientation montante est une isométrie et son image est de co-dimension 1. (\Rightarrow Fredholm)
2. Il commute aux représentations de S sur H^0, H^1 modulo des opérateurs compacts.
($\Rightarrow \alpha = [B_+] \in KK(S, \mathbb{C})$)
3. Ces repr. se factorisent à travers λ .
($\Rightarrow \alpha = \lambda^*(\alpha')$ avec $\alpha' \in KK(\lambda(S), \mathbb{C})$)
4. On a $\alpha = [\varepsilon] \in KK(S, \mathbb{C})$.
($\Rightarrow \lambda_* : K(S) \rightarrow K(\lambda(S))$ isomorphisme)